



AÑO ACADÉMICO 2020

DEPARTAMENTO: **MATEMÁTICA**

PROGRAMA DE CÁTEDRA: **ANÁLISIS NUMÉRICO**

OBLIGATORIA/OPTATIVA: **OBLIGATORIA**

CARRERA/S: **LICENCIATURA EN MATEMÁTICA**

ÁREA: **ANÁLISIS NUMÉRICO**

ORIENTACIÓN: **FORMACIÓN DISCIPLINAR ESPECÍFICA**

PLAN DE ESTUDIOS – ORD. N°: **688/16.**

CARGA HORARIA SEMANAL: **8HS**

CARGA HORARIA TOTAL: **128HS**

RÉGIMEN: **CUATRIMESTRAL**

CUATRIMESTRE: **SEGUNDO**

OBLIGATORIA

EQUIPO DE CÁTEDRA:

<u>Apellido y Nombres</u>	<u>Cargo</u>
CEJAS BOLECEK, NÉSTOR RENÉ	PAD-3
LOHR, JAVIER	ASD-3

ASIGNATURAS CORRELATIVAS (S/Plan de Estudios):

PARA CURSAR:

- **REGULARIZADA: ECUACIONES DIFERENCIALES I**

- **APROBADAS: ÁLGEBRA LINEAL I**

PARA RENDIR EXAMEN FINAL:

- **APROBADAS: ECUACIONES DIFERENCIALES I Y ÁLGEBRA LINEAL I**

1. **FUNDAMENTACIÓN:**

El análisis numérico es de gran importancia tanto en las matemáticas como en todos los campos de la ingeniería y de las ciencias exactas debido a la amplia y diversa cantidad de problemas que permite abordar. Particularmente, aquellos que no pueden resolverse en forma analítica, o aquellos que debido a su complejidad y extensión requieren de aproximaciones matemáticas y de gran capacidad de cálculo. El curso introduce el concepto de la representación en las computadoras de los números enteros y reales junto a los errores intrínsecos asociados, que dista del empleado por la matemática convencional. Además se desarrollan diversos métodos numéricos aplicados a temas centrales del cálculo y del álgebra como: determinación de raíces de ecuaciones

no lineales, teoría de interpolación, derivación e integración numérica y resolución de sistemas de ecuaciones lineales. Finalmente, se abordan los métodos de Euler y Runge-Kutta para la resolución de ecuaciones diferenciales ordinarias.

Los desarrollos numéricos se acompañan con el aprendizaje de escritura de código de computadora y se hace particular énfasis en la resolución de problemas.

2. OBJETIVOS:

Se pretende que el alumno:

- Adquiera conocimientos de una serie de técnicas numéricas para la resolución de problemas del cálculo diferencial e integral, que realice ajustes de funciones a datos experimentales y que resuelva sistemas de ecuaciones lineales.

- Sea capaz de analizar los errores inherentes a cada método y sepa realizar un estudio completo del tipo de convergencia a la solución.

- Adquiera habilidades de programación: implemente los algoritmos en lenguaje de computadora correspondientes a cada método estudiado.

3. CONTENIDOS SEGÚN PLAN DE ESTUDIOS:

Conceptos básicos del análisis numérico. Aritmética de punto fijo y flotante .

Errores de redondeo y truncado. Resolución de sistemas de ecuaciones lineales.

Métodos directos: eliminación de Gauss, acumulación de errores y pivoteo, factorización LU. Matrices simétricas definidas positivas: Cholesky. Métodos iterativos: métodos de

Jacobi, Gauss-Seidel y SOR. Resolución de ecuaciones no lineales y minimización

irrestringida. Métodos de bisección. Método de Newton, convergencia cuadrática.

Métodos de la secante. Métodos de punto fijo. Métodos para raíces de polinomios.

Problemas de cuadrados mínimos. Resolución numérica de ecuaciones diferenciales.

4. CONTENIDO PROGRAMA ANALÍTICO:

Unidad 1: Estimación de errores en el análisis numérico

Sistemas numéricos: binario, octal y hexadecimal. Representación en computadora de los números reales: representación de punto fijo y flotante. Redondeo en la representación flotante. Propagación y estimación de errores de redondeo y de truncamiento.

Módulo de nivelación: Introducción a la Programación en el lenguaje Python

Introducción a Python. Tipos de variables y operaciones matemáticas elementales. Conversiones y Casteo. Definición de funciones. Abstracción de Expresiones. Control de flujo y ramificación en Python. Manejo de entrada de datos y salida. Generación de gráficas de funciones. Testeo y debugging. Diagramas de actividades (UML) para la planificación de algoritmos.

Unidad 2: Sistemas de ecuaciones lineales

Métodos directos: eliminación gaussiana, factorización LU y estrategias de pivoteo.

Número de condición y estabilidad numérica. Matrices especiales: simétricas definidas positivas y tipo banda. Inversión de matrices. Análisis de errores en sistemas lineales.

Métodos iterativos: métodos de Gauss-Seidel y de Jacobi. Métodos de relajación.

Método del Gradiente Conjugado.

Unidad 3: Interpolación y ajuste de curvas

Interpolación polinómica: métodos de Lagrange y de Neville. Método de Newton. Limitaciones. Interpolación con spline cúbico. Método de mínimos cuadrados.

Unidad 4: Raíces de ecuaciones

Métodos de arranque. Método de bisección. Método de Newton-Raphson. Método de la secante. Método de Regula Falsi. Estimación de errores. Raíces múltiples. Sistemas no lineales. Evaluación numérica de polinomios. Reducción del grado del polinomio. Método de Laguerre.

Unidad 5: Diferenciación, integración y EDO

Fórmulas de diferenciación numérica. Diferencias finitas. Fórmulas de Newton-Cotes: Integración por reglas del rectángulo, de los trapecios y de Simpson. Cuadraturas de Gauss. Métodos de Euler y Runge-Kutta orden dos y cuatro.

5. BIBLIOGRAFÍA BÁSICA Y DE CONSULTA:

- 1) Numerical Methods in Scientific Computing: Volume 1 (2007). Siam. Germund Dahlquist, Åke Björck. ISBN-13: 978-0898716443. ISBN-10: 0898716446
- 2) Numerical Methods in Engineering with Python 3 3rd Edition (2013). Cambridge University Press. Jaan Kiusalaas. ISBN-10: 1107033853 ISBN-13: 978-1107033856
- 3) Numerical Methods for Scientists and Engineers (1987). Dover Books on Mathematics. R. W. Hamming. ISBN-10: 0486652416. ISBN-13: 978-0486652412
- 4) Numerical Analysis 6th Edition (1996). Brooks Cole. Richard L. Burden, J. Douglas Faires. ISBN-10: 0534955320. ISBN-13: 978-0534955328
- 5) Ecuaciones Diferenciales Y Problemas Con Valores En La Frontera (2013). Pearson Educación. C. Henry Edwards y David E. Penney. ISBN-10: 9702612853. ISBN-13: 978-9702612858

Se sugiere la utilización de la bibliografía mencionada y se trabajará con guías de trabajos prácticos y ejercicios.

6. PROPUESTA METODOLÓGICA:

Los temas de la materia se desarrollarán tanto en el aula, donde se abordarán elementos teóricos y se dará una orientación al estudiante para la profundización de la temática, como en el laboratorio de informática donde se brindarán las herramientas computacionales para la implementación de los métodos numéricos. La práctica en el laboratorio de informática permitirá que la/el estudiante desarrolle las habilidades de programación que se requieren en el curso. Si bien se permitirá cualquier lenguaje de programación para resolver los problemas se utilizará el lenguaje de programación Python. Para nivelar los conocimientos en el lenguaje de programación se brinda en forma complementaria material completo para el desarrollo de las habilidades en el manejo del lenguaje Python. Este lenguaje posee bibliotecas de cálculo numérico de código abierto con altas prestaciones que se utilizan tanto en el ámbito académico como en el de la industria.

La estructura general de las clases tendrá el siguiente esquema:

- 1) Introducción del tema por parte del docente
- 2) Resolución de problemas ejemplo por parte del docente

- 3) Presentación de la implementación en computadora del método en el lenguaje Python para la resolución del problema numérico
- 4) Espacio para realizar consultas, conjeturas y responder dudas acerca del tema presentado y de las herramientas necesarias para su tratamiento.
- 5) Asignación para la clase siguiente de material bibliográfico y ejercicios prácticos relacionados con el tema de estudio.
- 6) Profundización y resolución de los ejercicios en computadora o papel por parte de las/os estudiantes en forma individual o grupal.

7. EVALUACIÓN Y CONDICIONES DE ACREDITACIÓN:

ESTUDIANTES REGULARES. Se considerará regularizado el cursado de la materia con la aprobación de dos parciales escritos e individuales con nota de cada parcial igual o superior a 4 (cuatro). En caso de desaprobado alguno de los dos parciales, habrá un recuperatorio por parcial. En caso de no aprobar alguno de los exámenes en esta segunda instancia la/el estudiante quedará libre en la materia. Al regularizar la asignatura la/el estudiante aprobará la materia al obtener una nota equivalente o superior al 4 (cuatro) en un examen final escrito.

ESTUDIANTES PROMOCIONALES. Se considerará promocionada la materia con la aprobación de los dos parciales individuales y escritos, la entrega en tiempo y forma de todas las prácticas y la presentación de exposiciones a lo largo del cursado. Todas estas instancias deberán ser aprobadas con una nota igual o superior a 8 (ocho). La desaprobación de un parcial o exposición, la falta de entrega de alguna de las prácticas en tiempo y en forma implicarán la pérdida automática de la posibilidad de promoción. Al aprobar la promoción la/el estudiante quedará eximida/o de rendir el examen final. La nota final se obtiene del redondeo entero superior (según lo dispuesto en la Ordenanza 273/19, artículo 33) del valor obtenido computado como: $0,15*(\text{promedio de la nota de exposiciones}) + 0,25*(\text{promedio de notas de las prácticas}) + 0,3*(\text{nota del primer Parcial}) + 0,3*(\text{nota del segundo Parcial})$.

ESTUDIANTES LIBRES. Las/os estudiantes en esta situación deberán rendir el examen libre en las mismas fechas de examen final. Esta instancia consiste en la evaluación de un examen escrito práctico y una instancia de exposición oral. En el examen práctico se evaluará la implementación de algoritmos en Python, y la resolución de algún problema utilizando la computadora. Esta instancia se deberá aprobar con una calificación igual o superior a 4 (cuatro) para pasar a la siguiente instancia de examen. En la instancia de exposición oral la/el estudiante deberá desarrollar el contenido que le sea solicitado y responder preguntas conceptuales de cualquier temática abordada en la materia. Esta instancia se aprueba también con una nota igual o superior a 4 (cuatro). En caso de aprobar ambas instancias la nota final se calcula a partir del promedio de estas dos notas.

8. DISTRIBUCIÓN HORARIA:

TEORÍA Y PRÁCTICA: LUNES Y JUEVES DE 19:00 A 21:00HS

PRÁCTICA: MARTES DE 17:00 A 21:00HS

HORAS DE TEORÍA: 4

HORAS DE PRÁCTICA: 4

9. CRONOGRAMA TENTATIVO:

Fechas de desarrollo de temas, actividades y evaluaciones.

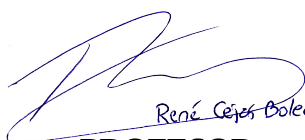
MES	UNIDAD
Agosto	I, Módulo de nivelación y II
Septiembre	II
Octubre	III y IV
Noviembre	V

Primer Parcial: 01 de Octubre de 2020

Recuperatorio Primer Parcial: 08 de Octubre de 2020

Segundo Parcial: 03 de Diciembre de 2020

Recuperatorio Segundo Parcial: 10 de Diciembre de 2020




René Cejeda Bolecek

PROFESOR

CONFORMIDAD DEL DEPARTAMENTO

CONFORMIDAD DEL CENTRO REGIONAL UNIVERSITARIO BARILOCHE



Mg. ALFONSO AGUILAR
Secretario Académico
Centro Regional Univ. Bariloche
Univ. Nacional del Comahue